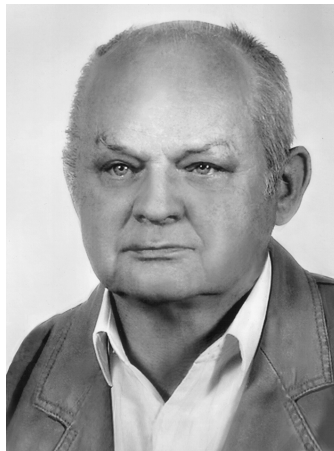


## Jacek Gancarzewicz (1945–2013)



*Gancarzewicz*

Jacek Gancarzewicz urodził się 17 grudnia 1945 roku w Krakowie. Uczęszczał do I Liceum Ogólnokształcącego im. B. Nowodworskiego w Krakowie, gdzie zdał maturę w roku 1963. Był uczniem Wojciecha Komusińskiego, świetnie znanego w krakowskim środowisku nauczyciela, który zauważył jego talent matematyczny. Jacek Gancarzewicz był laureatem XIV Olimpiady Matematycznej i reprezentantem Polski na V Międzynarodowej Olimpiadzie Matematycznej.

W latach 1963–1968 studiował matematykę na Wydziale Matematyki, Fizyki i Chemii Uniwersytetu Jagiellońskiego. Był znakomitym studentem. W roku 1966 zdobył II nagrodę w Konkursie im. Józefa Marcinkiewicza na najlepszą pracę studencką z matematyki, a w 1968 roku – I nagrodę w tymże konkursie. Doktorat uzyskał na Uniwersytecie Jagiellońskim w 1972 roku. Promotorem jego pracy doktorskiej był Andrzej Zajtš.

Całe życie zawodowe Jacka Gancarzewicza związane było z Uniwersytetem Jagiellońskim. Był również stypendystą *College de France* w Paryżu, pracował

na *Faculté des Sciences d'Orsay* w Paryżu i – jako *visiting professor* – na Uniwersytecie Santiago de Compostella w Hiszpanii. W latach 1981–1985 przebywał w Oranie w Algierii, gdzie wykładał na studiach doktoranckich na Uniwersytecie Es-Senia oraz uczył matematyki w tamtejszym polskim liceum.

Stopień doktora habilitowanego uzyskał w 1980 roku na podstawie rozprawy *Liftings of functions and vector fields to natural bundles* na Wydziale Matematyki, Fizyki i Chemii UJ. Tytuł profesora nauk matematycznych otrzymał w 1992 roku. Od 1996 roku pracował na stanowisku profesora zwyczajnego w Instytucie Matematyki UJ.

W Polsce był promotorem dwóch prac doktorskich – Włodzimierza Mikulskiego w 1987 roku i Jacka Dębeckiego w 1995 roku. Był również promotorem dwóch prac doktorskich w Oranie w 1994 roku. Doktorantami w Oranie byli Salima Rahmani i Noureddine Rahmani.

W IM UJ wykładał geometrię różniczkową, topologię algebraiczną, algebrę liniową z geometrią, arytmetykę. Prowadził także wykłady monograficzne. W Oranie, poza kursem ze wstępu do geometrii różniczkowej, prowadził kursy z teorii grup Liego i geometrii riemannowskiej.

Jacek Gancarzewicz był długoletnim kierownikiem Zakładu, a następnie Katedry Geometrii w Instytucie Matematyki UJ. W Instytucie Matematyki UJ przez kilka lat pełnił też funkcję kierownika studiów podyplomowych. W latach 1997–2001 był prezesem Oddziału Krakowskiego PTM.

Za całokształt pracy dydaktycznej otrzymał Medal Komisji Edukacji Narodowej. Jacek Gancarzewicz chętnie i z przyjemnością pisał podręczniki – jest autorem książek [1–7].

Główną dziedziną badań naukowych Jacka Gancarzewicza była teoria wiązek naturalnych i operatorów naturalnych. Pojęcie wiązki naturalnej zostało wprowadzone przez Nijenhuisa i stało się fundamentalnym pojęciem nowoczesnej teorii obiektów geometrycznych. Wiązka naturalna nad  $m$ -wymiarowymi rozmaitościami to kowariantny funktor  $F$  przyporządkowujący każdej  $m$ -wymiarowej rozmaitości  $M$  wiązkę  $FM$  nad  $M$  oraz każdemu lokalnemu dyfeomorfizmowi  $\varphi: M \rightarrow M'$  między  $m$ -wymiarowymi rozmaitościami odwzorowanie włókniste  $F\varphi: FM \rightarrow FM'$  nakrywające  $\varphi$  i będące dyfeomorfizmem na włóknach. Sekcje wiązki  $FM$  to obiekty geometryczne skojarzone z  $F$ , określone na  $M$ . Na przykład, funktor wiązki stycznej  $T$  jest wiązką naturalną, natomiast obiekty geometryczne skojarzone z  $T$  to pola wektorowe. Niech  $F$  i  $G$  będą wiązkami naturalnymi nad  $m$ -wymiarowymi rozmaitościami, a  $H$  będzie wiązką naturalną nad  $\dim(F\mathbb{R}^m)$ -wymiarowymi rozmaitościami. Operatorem naturalnym podnoszącym obiekty geometryczne skojarzone z  $G$  w obiekty geometryczne skojarzone z  $H$  na  $F$  jest inwariantna (ze względu na lokalne

dyfeomorfizmy) rodzina funkcji  $A: \Gamma(GM) \rightarrow \Gamma(H(FM))$  indeksowana zbiorem wszystkich  $m$ -wymiarowych rozmaitości  $M$ , gdzie  $\Gamma(GM)$  jest zbiorem obiektów geometrycznych skojarzonych z  $G$  określonych na  $M$ ,  $\Gamma(H(FM))$  zaś oznacza zbiór obiektów geometrycznych skojarzonych z  $H$  określonych na  $FM$ . Jacek Gancarzewicz studiował problemy egzystencjalne i klasyfikacyjne dotyczące operatorów naturalnych. W monografii [8] udowodnił kilka twierdzeń klasyfikacyjnych dotyczących naturalnych operatorów liniowych dla  $G = H = T$  i dowolnego  $F$ , tzn. sklasyfikował podniesienia pól wektorowych do wiązek naturalnych. Podobnie studiował podniesienia funkcji do wiązek naturalnych. Również w przypadku funktora  $p^T$ -prędkości uzyskał pełną klasyfikację podniesień. Pokazał, w szczególności, że klasyczne podniesienia wprowadzone przez Akihiko Morimoto stanowią bazę przestrzeni wektorowej podniesień pól wektorowych.

W czasie, gdy Jacek Gancarzewicz zajmował się podniesieniami funkcji i pól wektorowych do wiązek naturalnych, nie było jeszcze definicji operatora naturalnego. Jego definicja podniesienia funkcji i pól wektorowych posłużyła w późniejszym okresie do sformułowania obowiązującej obecnie definicji takich operatorów.

Badał także problemy egzystencjalne dotyczące naturalnych operatorów dla  $G = Q$  (wiązki klasycznej koneksji liniowej),  $H = Q$  oraz  $F = T^A$  (funktora Weila). W pracy [9], w czysto kanoniczny sposób, zdefiniował zupełne podniesienie klasycznych koneksji liniowych do wiązek Weila. Studiował także zupełne podniesienia tensorów do wiązek naturalnych. W pracy [10] podał warunki na istnienie i jednoznaczność takich podniesień. Warta wzmianki jest też krótka praca [11] podająca warunki wystarczające na to, aby wiązka naturalna nad daną pseudogrupą była lokalnie trywialna.

Jacek Gancarzewicz zajmował się również badaniem operatorów *gauge*-naturalnych. Pojęcie wiązki *gauge*-naturalnej jest zbliżone do pojęcia wiązki naturalnej z tą istotną różnicą, że funktor  $F$  określony jest teraz na wiązkach wektorowych o  $m$ -wymiarowych bazach i  $n$ -wymiarowych włóknach oraz lokalnych izomorfizmach wiązek wektorowych. Pojęcie operatora *gauge*-naturalnego  $A$  jest analogiczne do pojęcia operatora naturalnego, przy czym zakłada się, że inwariantność rodziny  $A$  zachodzi teraz względem lokalnych izomorfizmów wiązek wektorowych. W pracy [13] Jacek Gancarzewicz podał bardzo ogólną konstrukcję klasycznej koneksji liniowej  $\Theta = \Theta(\nabla, D)$  na przestrzeni totalnej  $E$  wiązki wektorowej  $E \rightarrow M$  otrzymanej z koneksji liniowej  $D$  w wiązce wektorowej  $E \rightarrow M$  przy pomocy klasycznej koneksji liniowej  $\nabla$  na  $M$ . W przypadku  $E = TM$  oraz  $D = \nabla$  otrzymana klasyczna koneksja liniowa  $\Theta$  na  $TM$  jest znany horyzontalnym podniesieniem klasycznej koneksji liniowej  $\nabla$  do wiązki

stycznej  $TM$ . Gancarzewicz zajmował się też badaniami koneksji wyższych rzędów, w szczególności w pracy [12]. Z kolei w artykule [14] razem z Kolářem otrzymali pełną klasyfikację *gauge*-naturalnych operatorów przekształcających pary  $(\nabla, D)$  złożone z klasycznych koneksji liniowych  $\nabla$  na  $M$  i koneksji liniowych  $D$  w wiązce wektorowej  $E \rightarrow M$  w klasyczne koneksje liniowe  $A(\nabla, D)$  na przestrzeni totalnej  $E$  wiązki wektorowej  $E \rightarrow M$ . W pracy [15] autorzy sklasyfikowali operatory naturalne pewnych typów na lagranżjanach.

Wymieniliśmy tylko niektóre osiągnięcia Jacka Gancarzewicza dotyczące ważnych z punktu widzenia geometrii różniczkowej obiektów, m.in. funkcji, pól wektorowych, form, pól tensorowych, koneksji.

Jack Gancarzewicz był szczerym i wielkim entuzjastą matematyki. Było to widoczne dla jego studentów i współpracowników. Zależało mu na tym, żeby wyłożyć studentom jak najwięcej materiału i wyjaśnić rzeczy jak najlepiej. Jego wykłady prowadzone w latach siedemdziesiątych były brawurowe. Zawsze będzie nam się kojarzyć z zapowiedzią na początku wykładu: dzisiaj będzie bez przerwy, ale za to dłużej. I choć wyglądało to na przejęzyczenie, to jednak było i bez przerwy, i na dodatek dłużej. W ferworze wykładania zapominał, że powinien być wyjść wcześniej. Miał świetne poczucie humoru, ogromny dystans do samego siebie i był bohaterem wielu anegdot studenckich. Jego energia i entuzjazm były wręcz zaraźliwe. Potem z bólem obserwowaliśmy, jak zła choroba – cukrzyca, na którą chorował od dzieciństwa i która w wieku dojrzałym doprowadziła do wielu innych schorzeń, odbierała mu siły i możliwości twórcze. Wydaje się jednak, że nigdy nie odebrała mu radości życia. Podziwialiśmy za to Profesora. I wreszcie, nie można pominąć jeszcze jednej ważnej cechy charakteru Jacka Gancarzewicza – był dobrym, przyjaznym światu człowiekiem.

Zmarł 1 września 2013 roku w Krakowie. Pochowany został na Cmentarzu Batowickim w Krakowie. Jego studenci, współpracownicy i przyjaciele zachowają go we wdzięcznej pamięci.

### Podręczniki uniwersyteckie autorstwa Jacka Gancarzewicza

- [1] *Geometria różniczkowa*, skrypt uczelniany UJ nr 298.
- [2] *Geometria różniczkowa*, Warszawa 1987.
- [3] *Algebra liniowa z elementami geometrii*, Wydawnictwo UJ, Kraków 1991 (wyd. II 1993, wyd. III 1999, wyd. IV 2001).
- [4] *Arytmetyka*, Wydawnictwo UJ 2000.
- [5] *Wstęp do geometrii różniczkowej*, Wydawnictwo UJ 2003 (współautor: B. Opozda).
- [6] *Algebra liniowa i jej zastosowania*, Wydawnictwo UJ 2004 (wyd. II 2009).
- [7] *Zarys współczesnej geometrii różniczkowej*, Skrypt, Warszawa 2010.

**Lista wybranych publikacji naukowych Jacka Gancarzewicza**

- [8] *Liftings of functions and vector fields to natural bundles*, Diss. Math. 212 (1983).
- [9] *Lifts of some tensor fields and connections to product preserving functors*, Nagoya Math. J. 135 (1994), 1–41 (współautorzy: W. M. Mikulski, Z. Pogoda).
- [10] *Complete lifts of tensor fields of type  $(1, k)$  to natural bundles*, Zesz. Nauk. Uniw. Jagiellon. 623 (1982), 51–84.
- [11] *Local triviality of bundle of geometric objects*, Zesz. Nauk. Uniw. Jagiellon. 623 (1982), 39–42.
- [12] *Connections of higher order and product preserving functors*, Czechoslovak Math. J. 52 (2002), nr 4, 889–896 (współautorzy: N. Rahmani, M. Salgado).
- [13] *Horizontal lifts of linear connections to the natural vector bundle*, [w:] Research Notes in Math., t. 121, Pitman 1985, 318–341.
- [14] *Some gauge-natural operators on linear connections*, Monatsh. Math. 111 (1991), nr 1, 23–33 (współautor: I. Kolář).
- [15] *Invariants of Lagrangians and their classifications*, J. Math. Phys. 35 (1994), nr 9, 4568–4593 (współautorzy: J. Dębecki, M. de Leon, W. M. Mikulski).

Barbara Opozda, Włodzimierz Mikulski (Kraków)